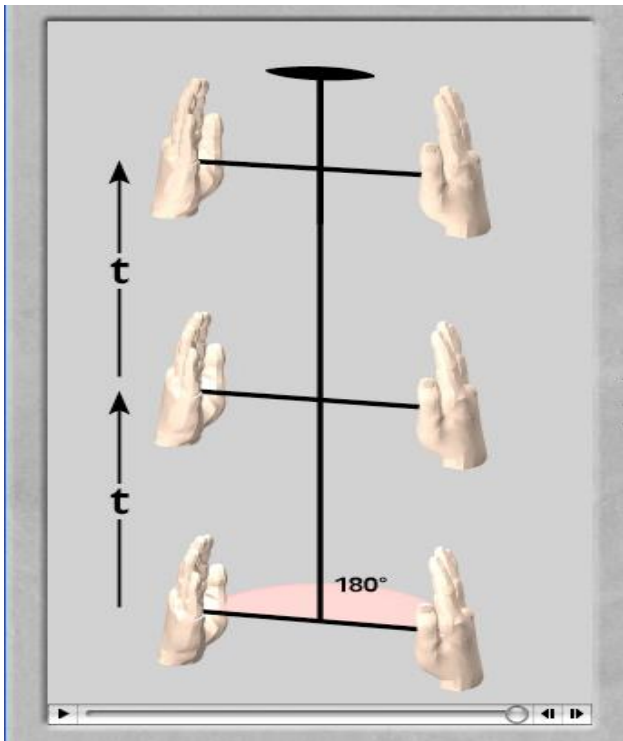


# Slittopiani ed elicotire

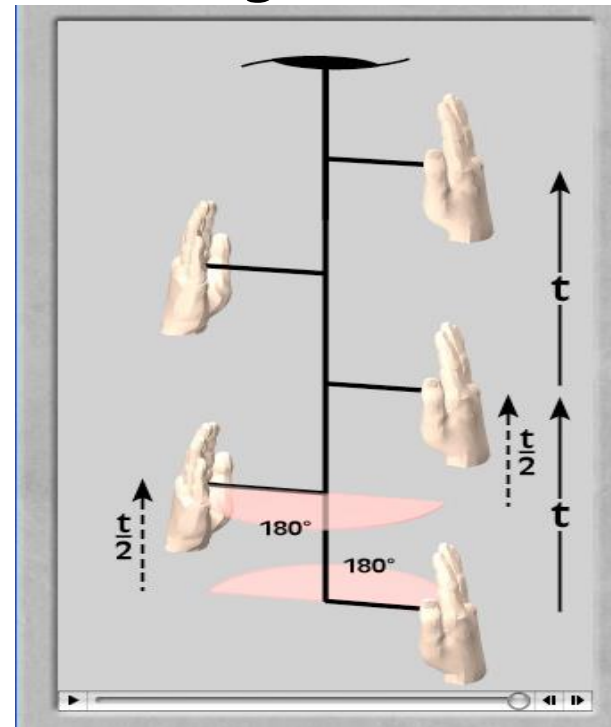
# Asse binario



2

Le elicogire sono, per ogni asse di ordine n, n-1.

# Elicogira binaria



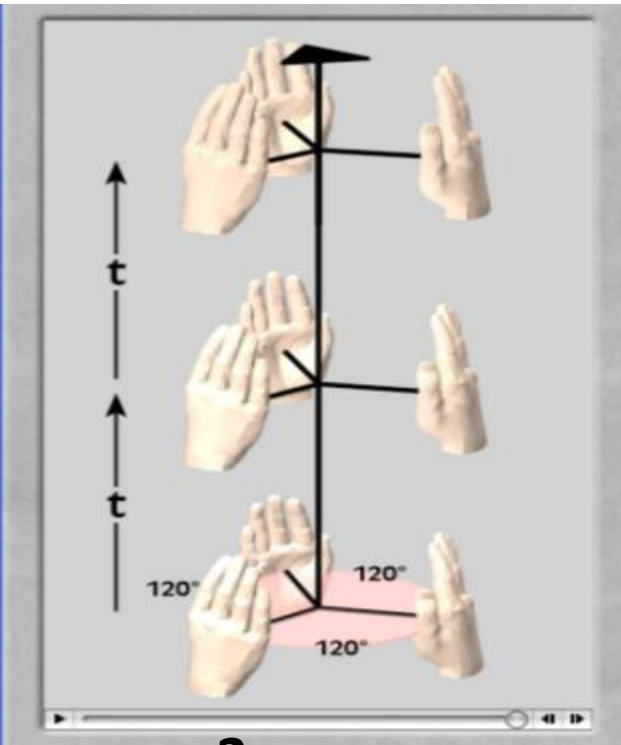
Ordine dell'asse = n  $\rightarrow$   $2_1$  Piede = 1 = p

Traslazione data dall'elicogira =  $t \times p/n = 1/2t$

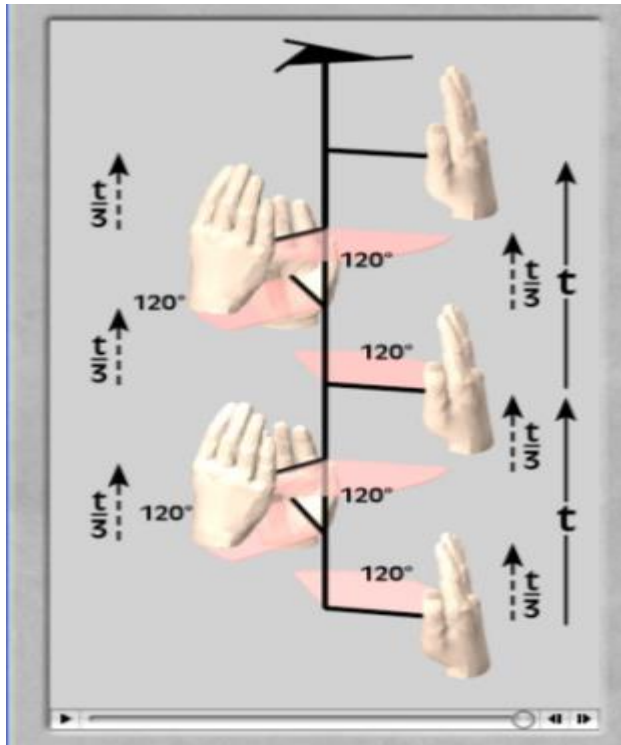
# Asse 3

# Elicogire $3_1$

$3_2$

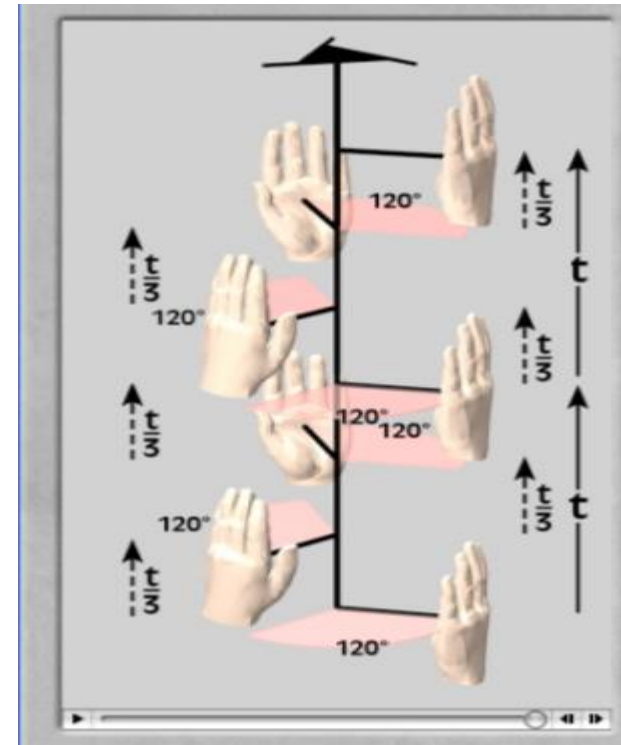


3



antioraria ( $3_1$ )

traslazione =  $1/3t$



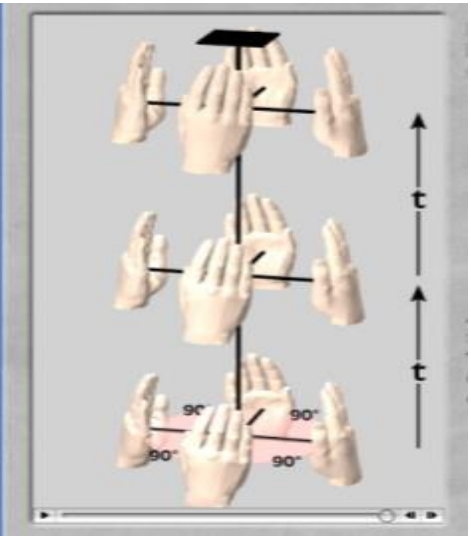
antioraria ( $3_2$ ) = oraria ( $3_1$ )

traslazione =  $2/3t$

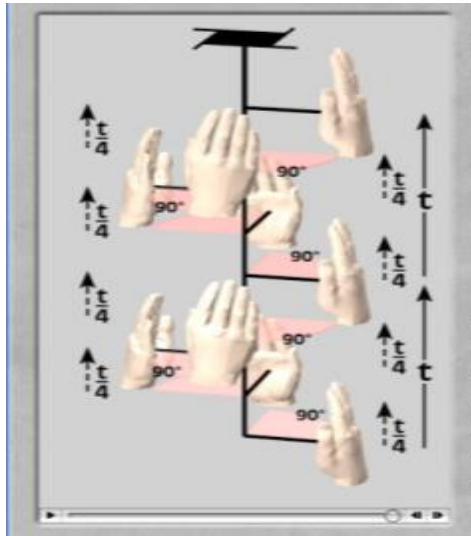
Le elicogire di ordine 3 sono 2 con diversa traslazione.

# Asse 4

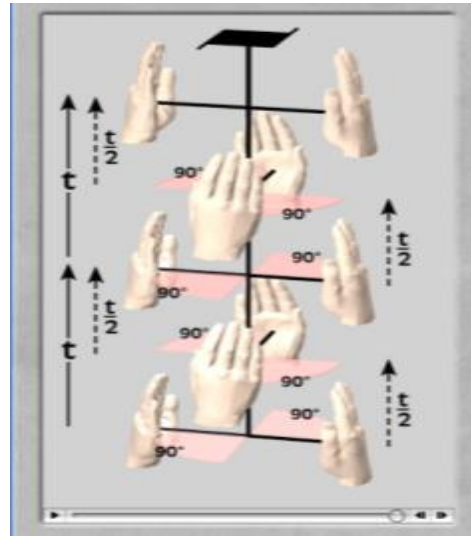
# Elicogire 4



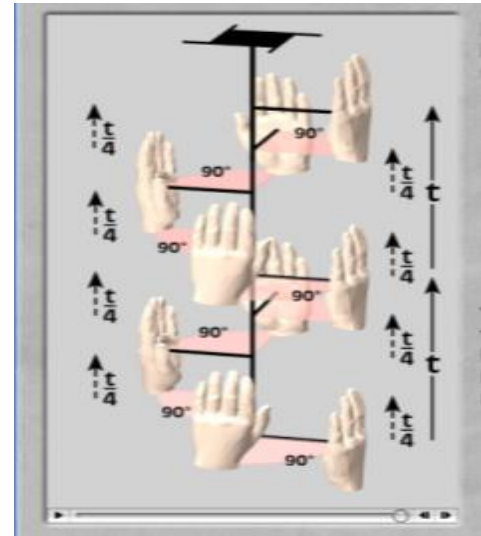
4



4<sub>1</sub>



4<sub>2</sub>

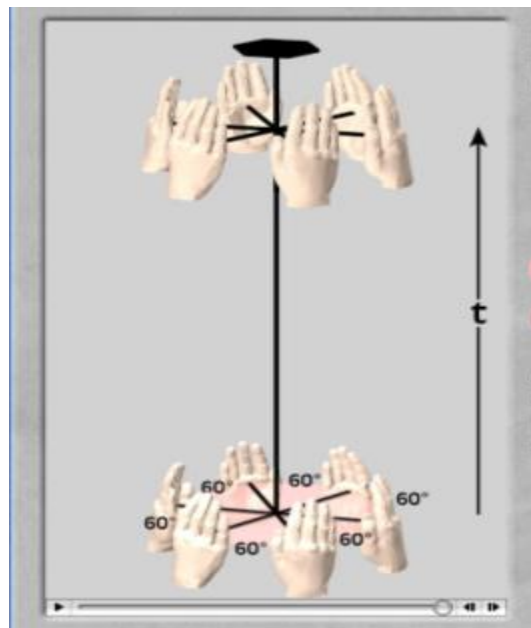


4<sub>3</sub>(antioraria)=

4<sub>1</sub>(oraria)

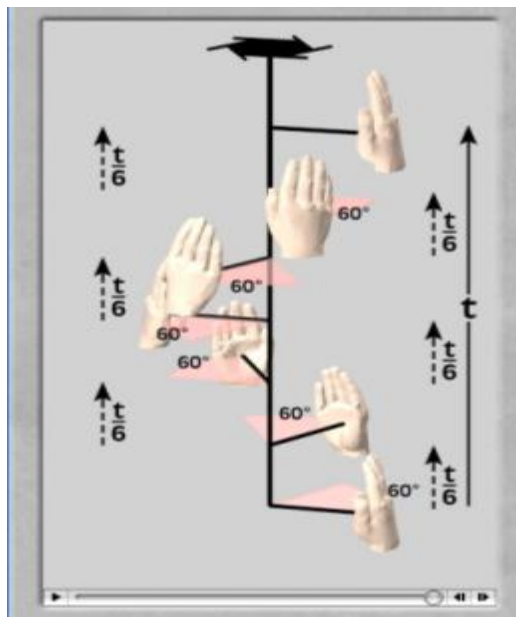
Le elicogire di ordine 4 sono 3.

# Asse 6

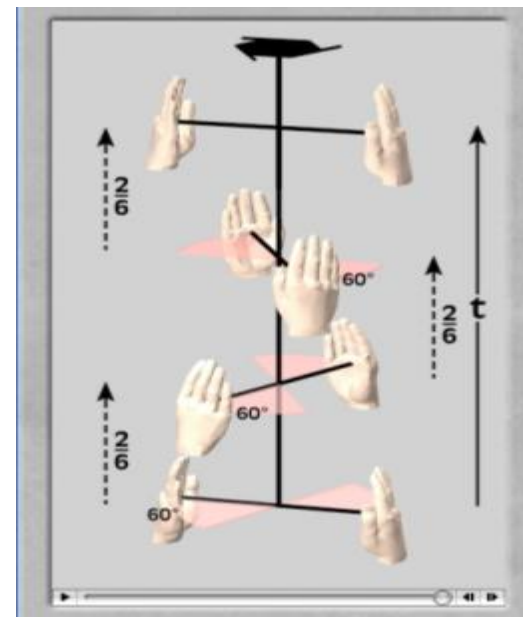


6

# Elicogire 6



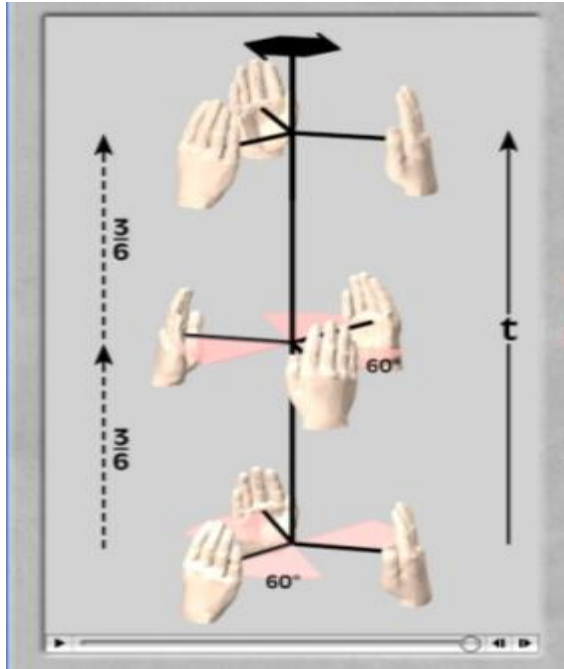
$6_1$



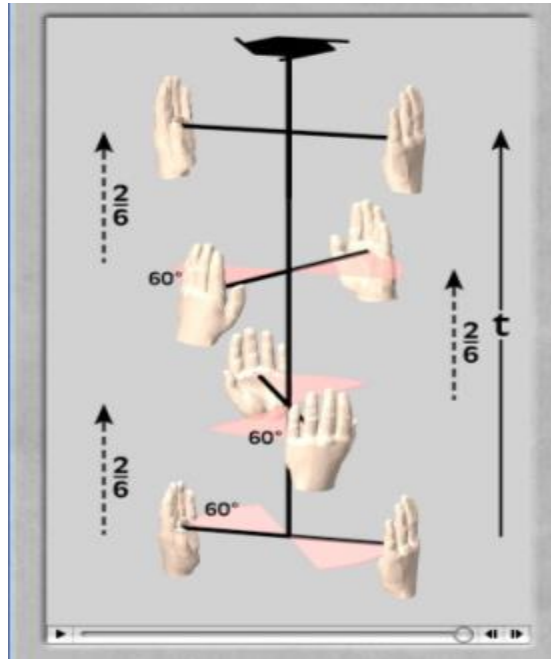
$6_2$

Le elicogire di ordine 6 sono 5.

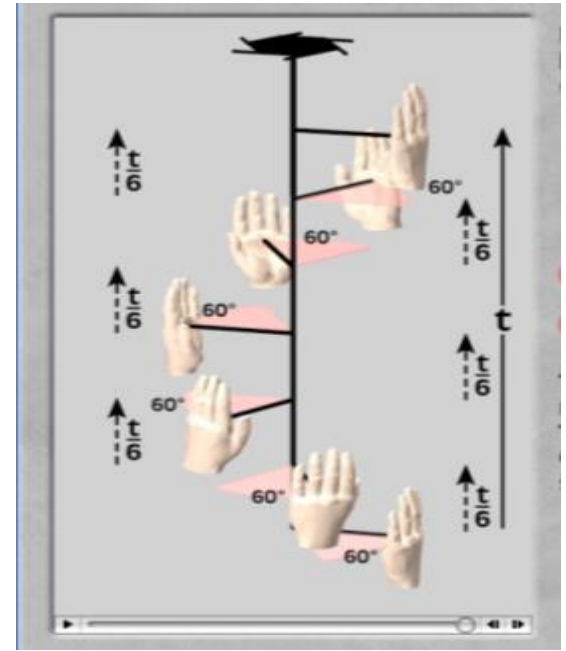
# Elicogire 6



$6_3$



$6_4 = 6_2$  oraria



$6_5 = 6_1$  oraria

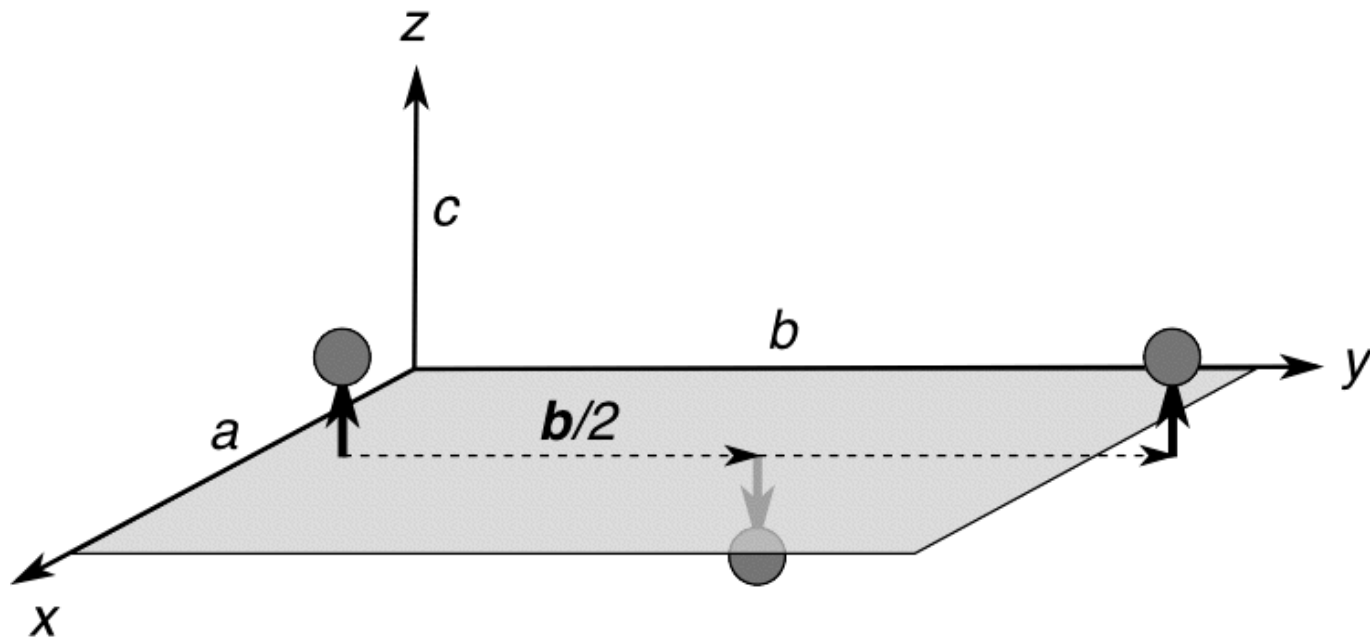
# Slittopiani

Slittopiano



Piano

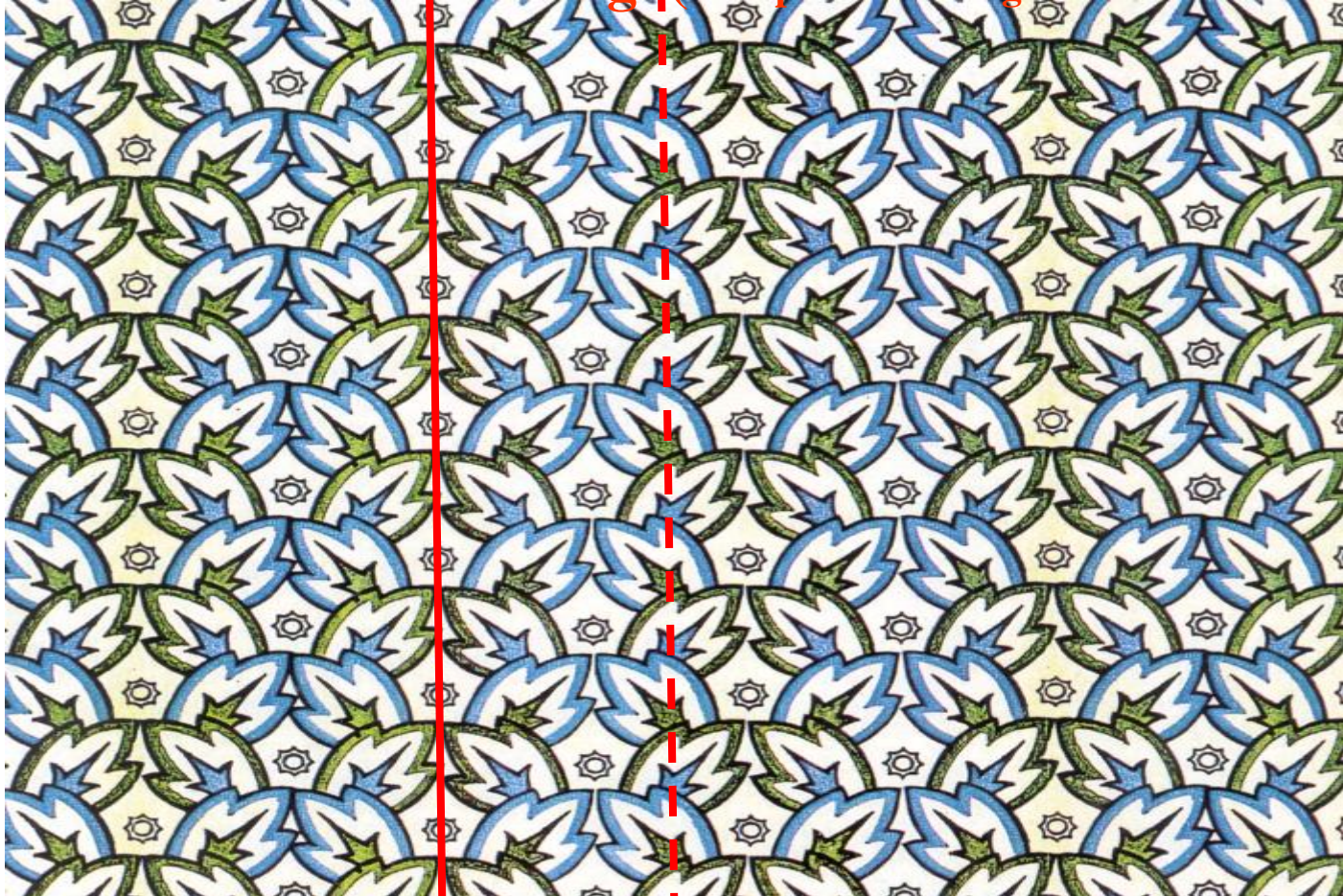
Slittopiano **b**, con traslazione  $b/2$





**m**

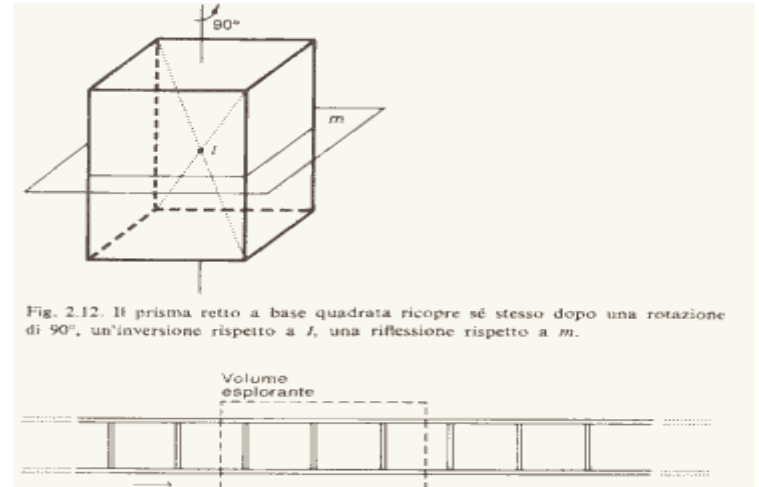
**g** (slittopiano se le foglie fossero dello stesso colore)



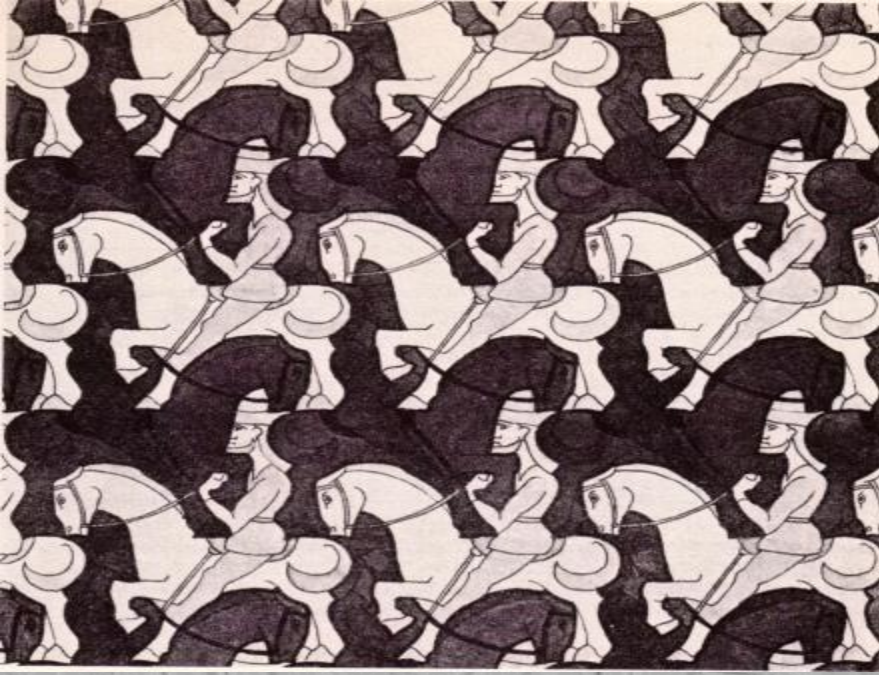
**Figura simmetrica** = figura in cui, dopo una operazione di simmetria, ogni punto viene a trovarsi dov'era un punto prima dell'operazione.

Es: rotazione             $\longrightarrow$     prisma retto a base quadrata  
traslazione            $\longrightarrow$     scala a pioli

**Molteplicità** = numero di parti uguali, prive di simmetria (**unità asimmetriche**), che costituiscono una forma simmetrica.







© M.C. Escher  
Porzione più piccola, senza simmetria,  
che per effetto della simmetria del  
sistema può costituire una figura  
simmetrica. Può essere scelta a piacere.  
Origine dove si vuole.

*Diverse unità asimmetriche*

**RICAPITOLIAMO.....**

# ELEMENTI DI SIMMETRIA

Traslazione:  $t$

Assi di rotazione:  $1, 2, 3, 4, 6$

Piano di riflessione:  $m$

Centro di inversione:  $\bar{1}$

Assi di rotoinversione:  $\bar{1}, \bar{2}, \bar{3}, \bar{4}, \bar{6}$

Elicogire:  $2_1$

$3_1, 3_2$

$4_1, 4_2, 4_3$

$6_1, 6_2, 6_3, 6_4, 6_5$

Slittopiani:  $a, b, c, n, d$

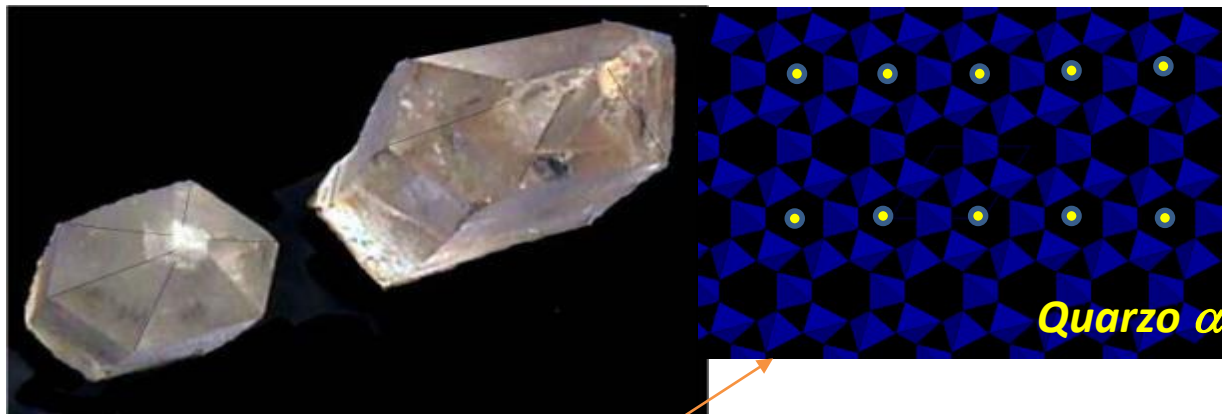
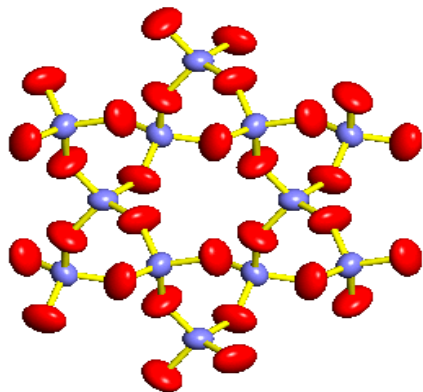
In un **crystallo** la distribuzione omogenea, periodica e tridimensionale di atomi è descrivibile da un **reticolo di ripetizione o reticolo cristallino**

=

insieme di punti (identici) ciascuno dei quali ha lo stesso intorno vettoriale. Un punto non corrisponde a un atomo ma a un insieme di atomi.

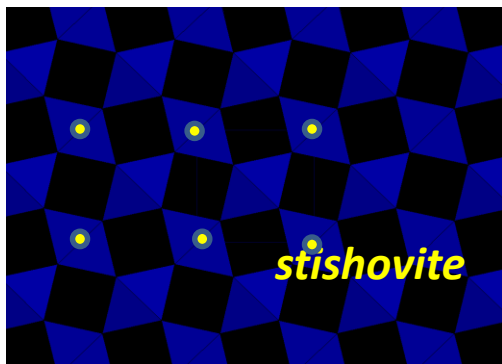
Data una origine e tre vettori **a**, **b**, **c** non complanari e non nulli chiamiamo **reticolo** l'insieme di punti  $P_t$  uniti all'origine da vettori **t** = **h****a**+**k****b**+**l****c** con h,k,l, numeri interi + - o nulli.

# Diversi reticoli cristallini per diverse fasi della silice $\text{SiO}_2$



*Quarzo  $\alpha$*

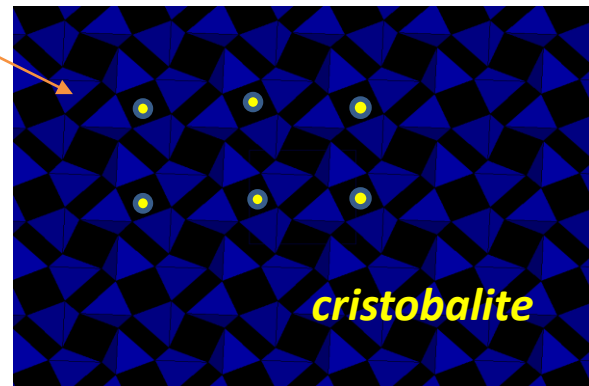
lunghezza del legame Si-O = 1,6 Å



*stishovite*

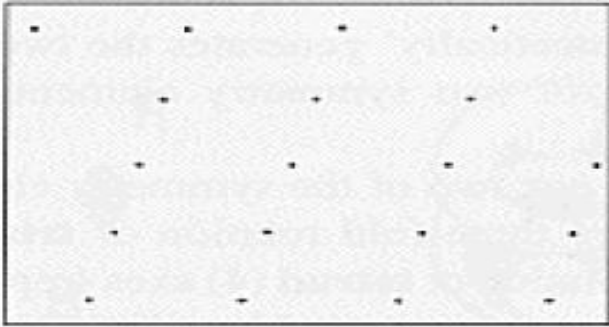
Ottaedri  $\text{SiO}_6$

Tetraedri  $\text{SiO}_4$

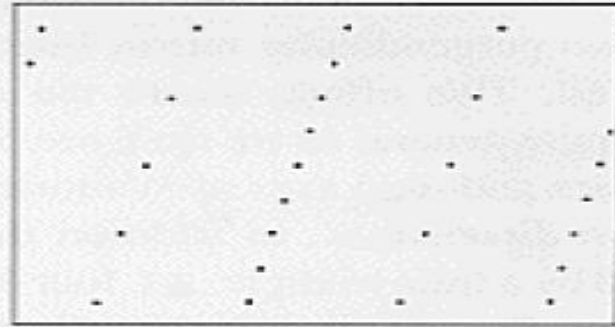


*cristobalite*

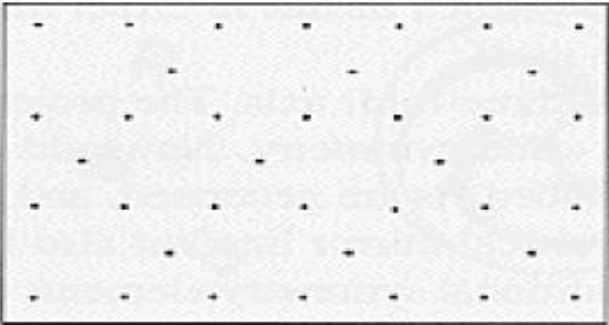
# Reticoli e non



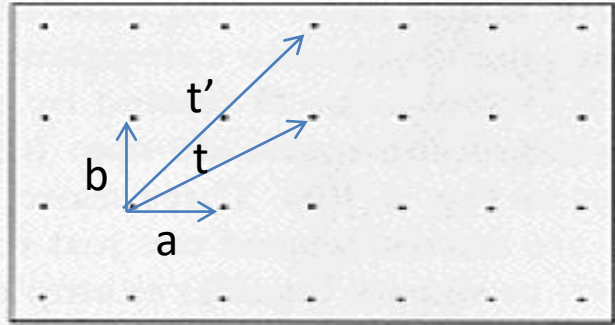
(a)



(b)



(c)



(d)

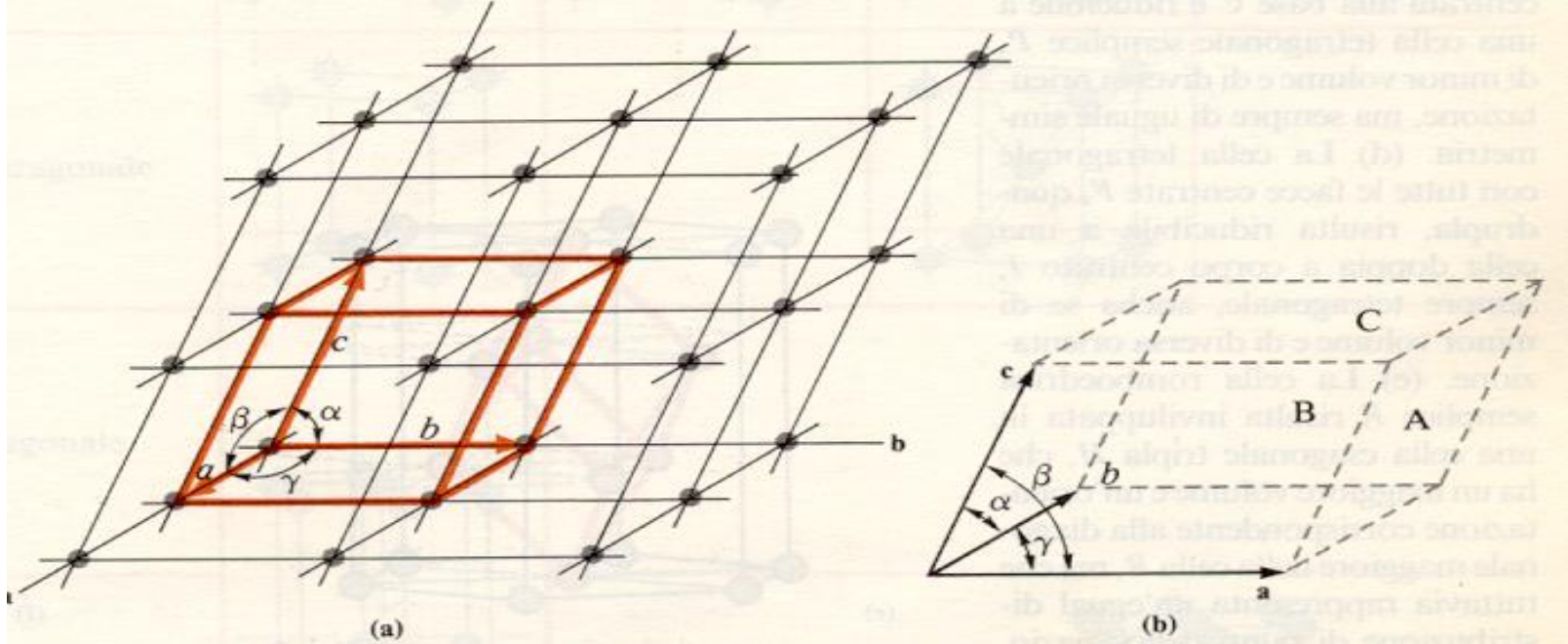
$$\underline{t} = 2\underline{a} + 1\underline{b} + 0\underline{c} \quad \underline{t}' = 2\underline{a} + 2\underline{b} + 0\underline{c}$$



**Un reticolo è un insieme di punti ciascuno dei quali ha lo stesso intorno vettoriale.**



**a) e d) sono reticoli, b) e c) no**



Nel tridimensionale, la **più piccola** porzione (volume) di un insieme ordinato di oggetti che permette di generare l'insieme intero per sola **traslazione** viene detta

**CELLA ELEMENTARE O UNITARIA** che è un **parallelepipedo**

- ◆ Un qualunque nodo o punto del reticolo può essere scelto come origine del reticolo e della cella elementare.
- ◆ La cella elementare permette di descrivere completamente l'insieme ordinato infinito.
- ◆ Nello spazio 3D la cella è definita da 3 vettori unitari di traslazione non complanari.
- ◆ La scelta delle traslazioni fondamentali è arbitraria (per convenzione si scelgono i parametri più corti possibile e che formino angoli di  $90^\circ$ ).

**$a, b, c, \alpha, \beta, \gamma$  = parametri fondamentali che definiscono il **parallelepipedo** detto **cella elementare**.**