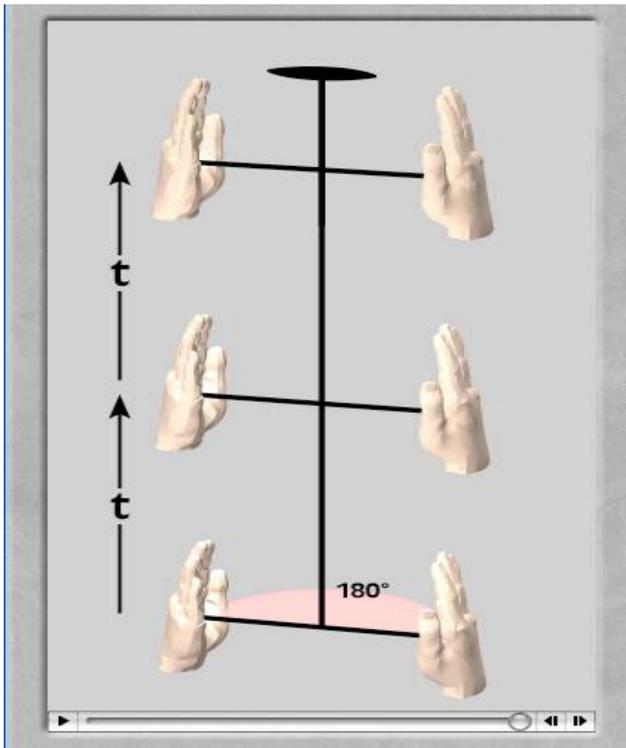


Slittopiani ed elicotire

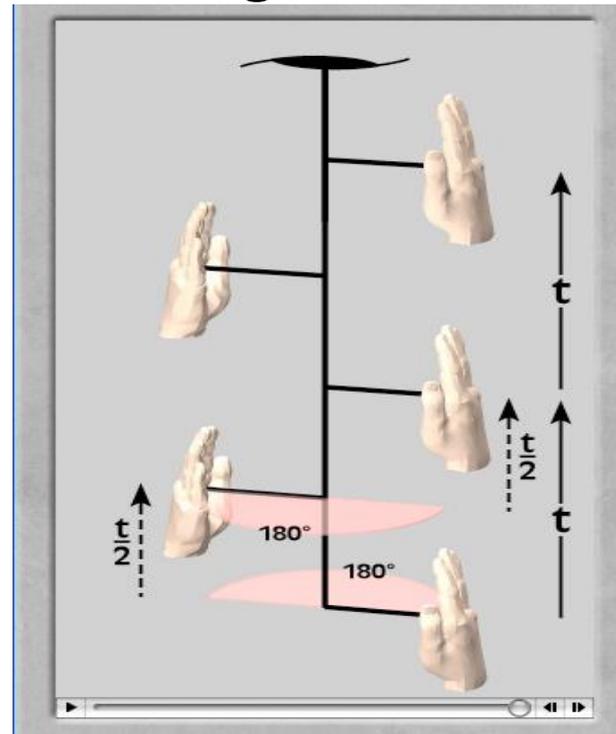
Asse binario



2

Le elicogire sono, per ogni asse di ordine n, n-1.

Elicogira binaria



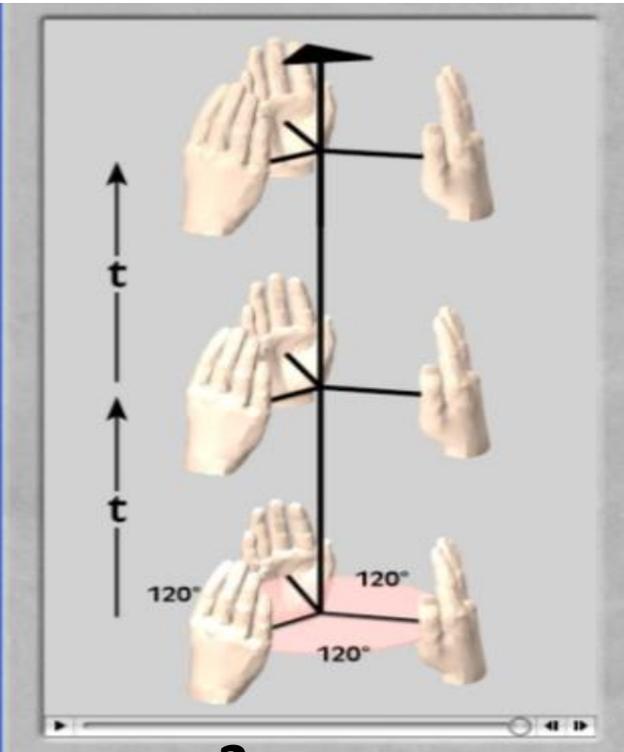
Ordine dell'asse = n \rightarrow 2_1 Piede = 1 = p

Traslazione data dall'elicogira = $t \times p/n = 1/2t$

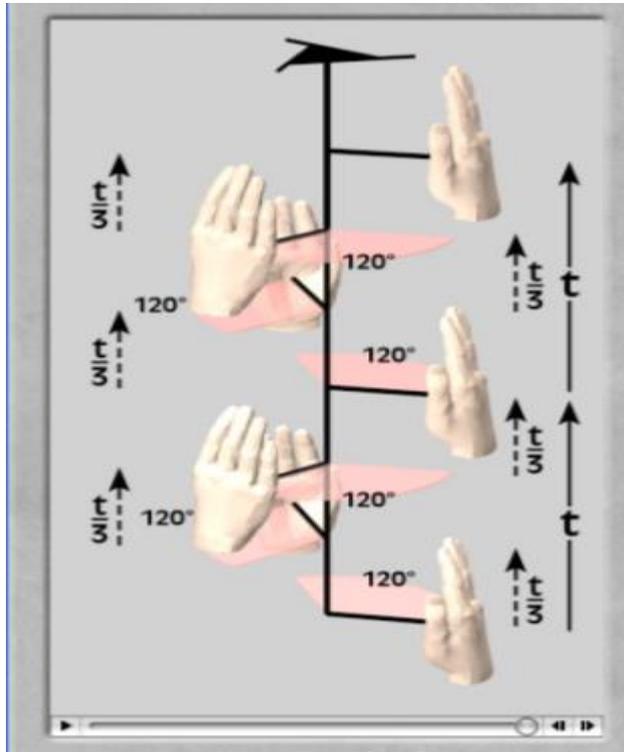
Asse 3

Elicogire 3_1

3_2

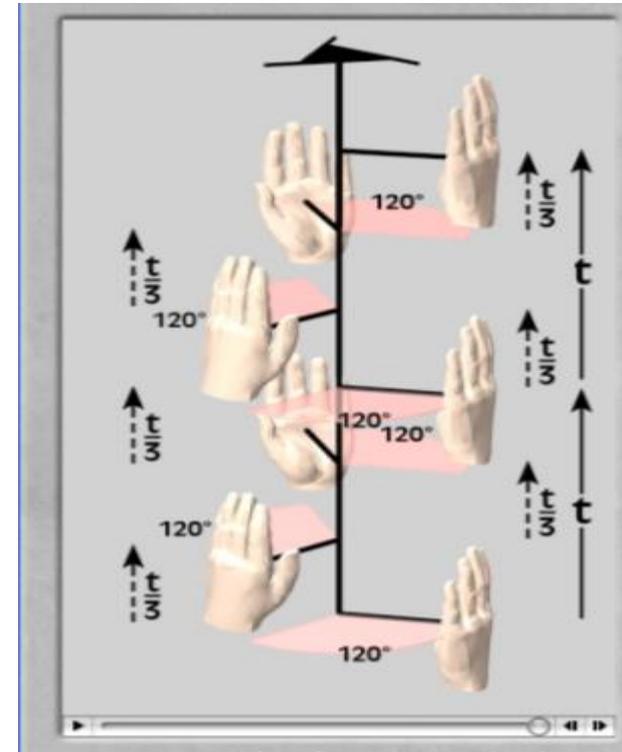


3



antioraria (3_1)

traslazione= $1/3t$



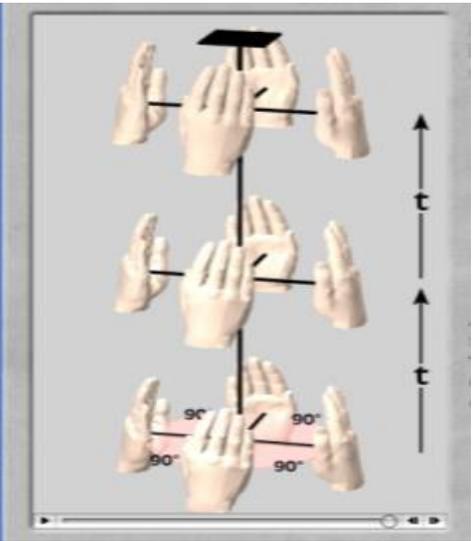
antioraria (3_2)=oraria (3_1)

traslazione= $2/3t$

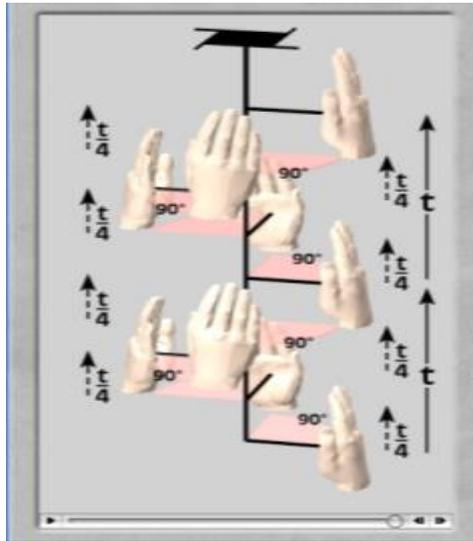
Le elicogire di ordine 3 sono 2 con diversa traslazione.

Asse 4

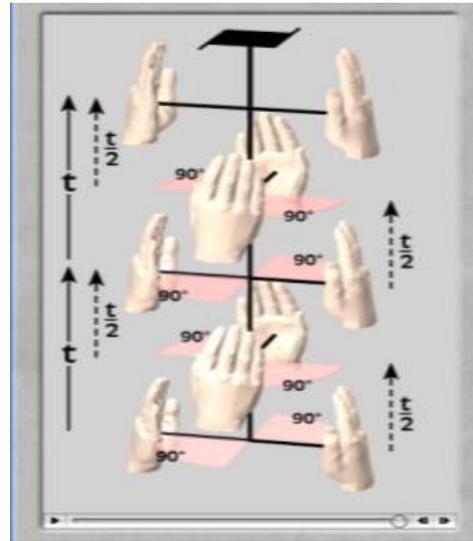
Elicogire 4



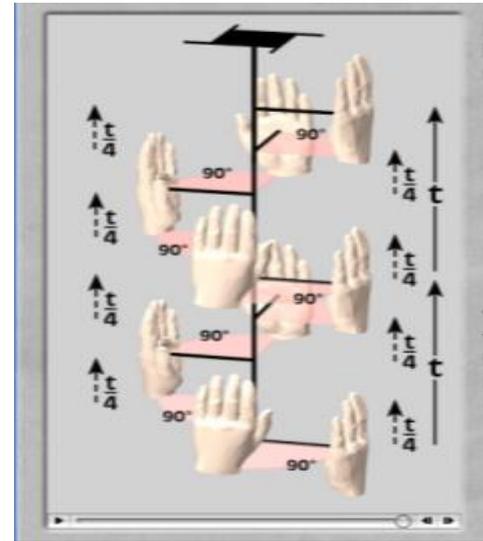
4



4₁



4₂



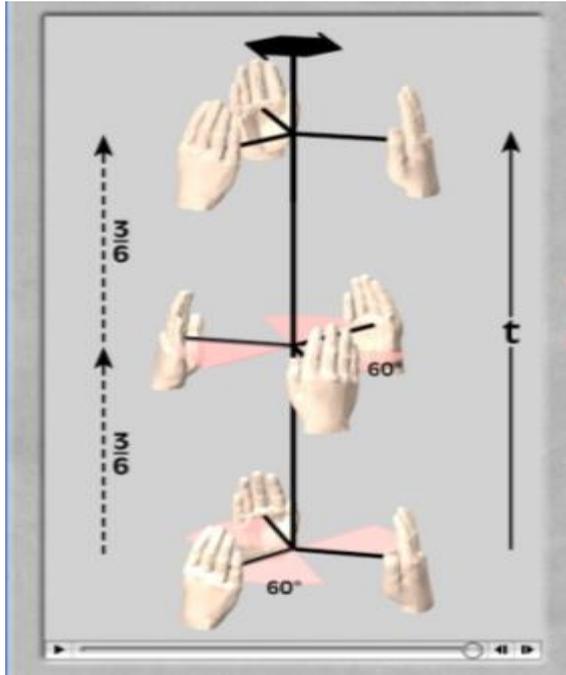
4₃(antioraria)=

4₁(oraria)

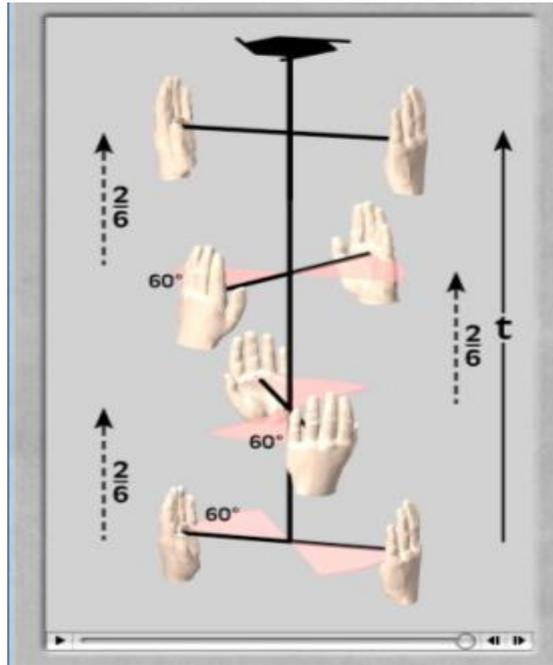
4

Le elicogire di ordine 4 sono 3.

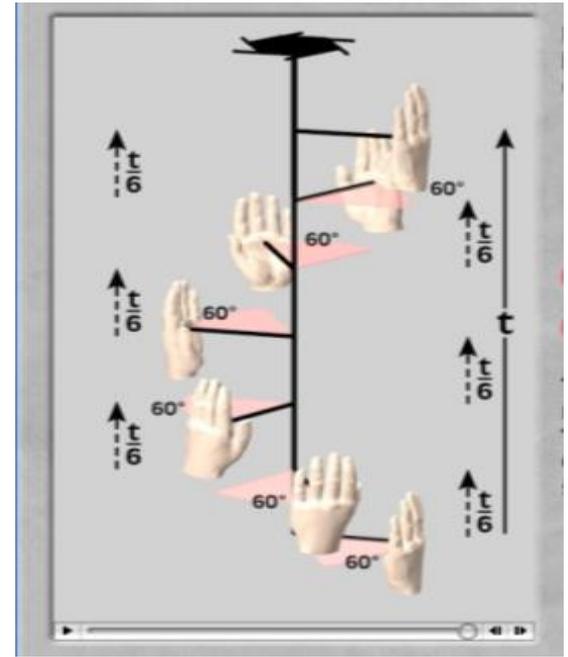
Elicogire 6



6_3



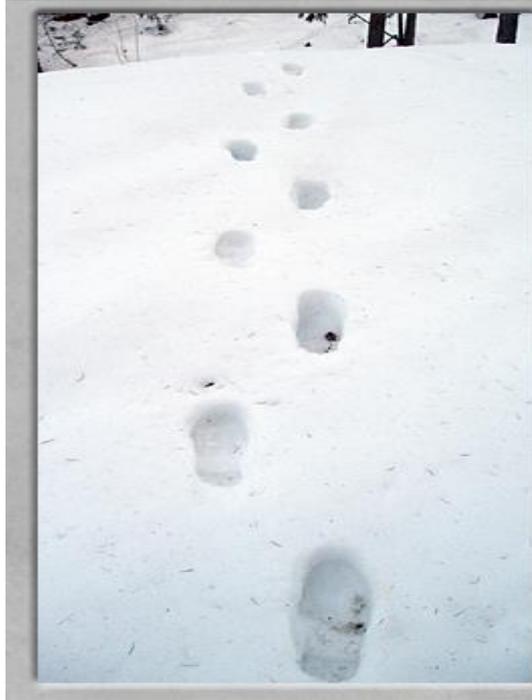
$6_4 = 6_2$ oraria



$6_5 = 6_1$ oraria

Slittopiani

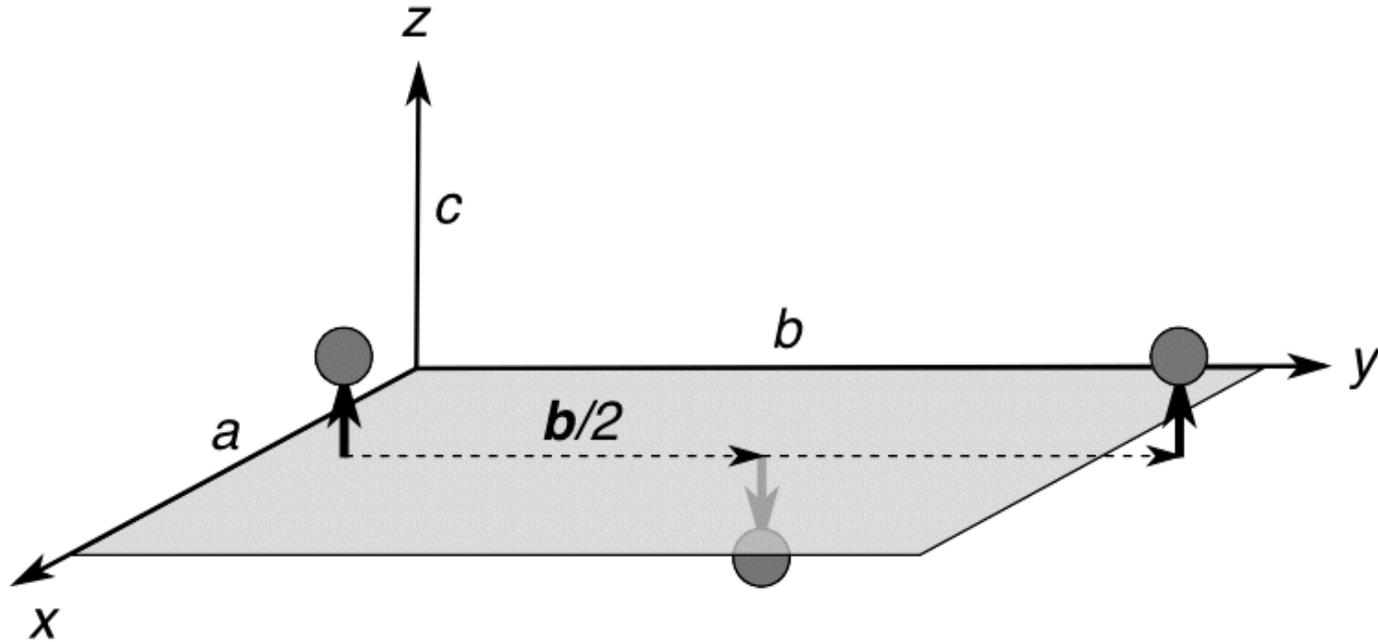
Slittopiano



Piano



Slittopiano **b**, con traslazione $b/2$



m

g (slittopiano se le foglie fossero dello stesso colore)

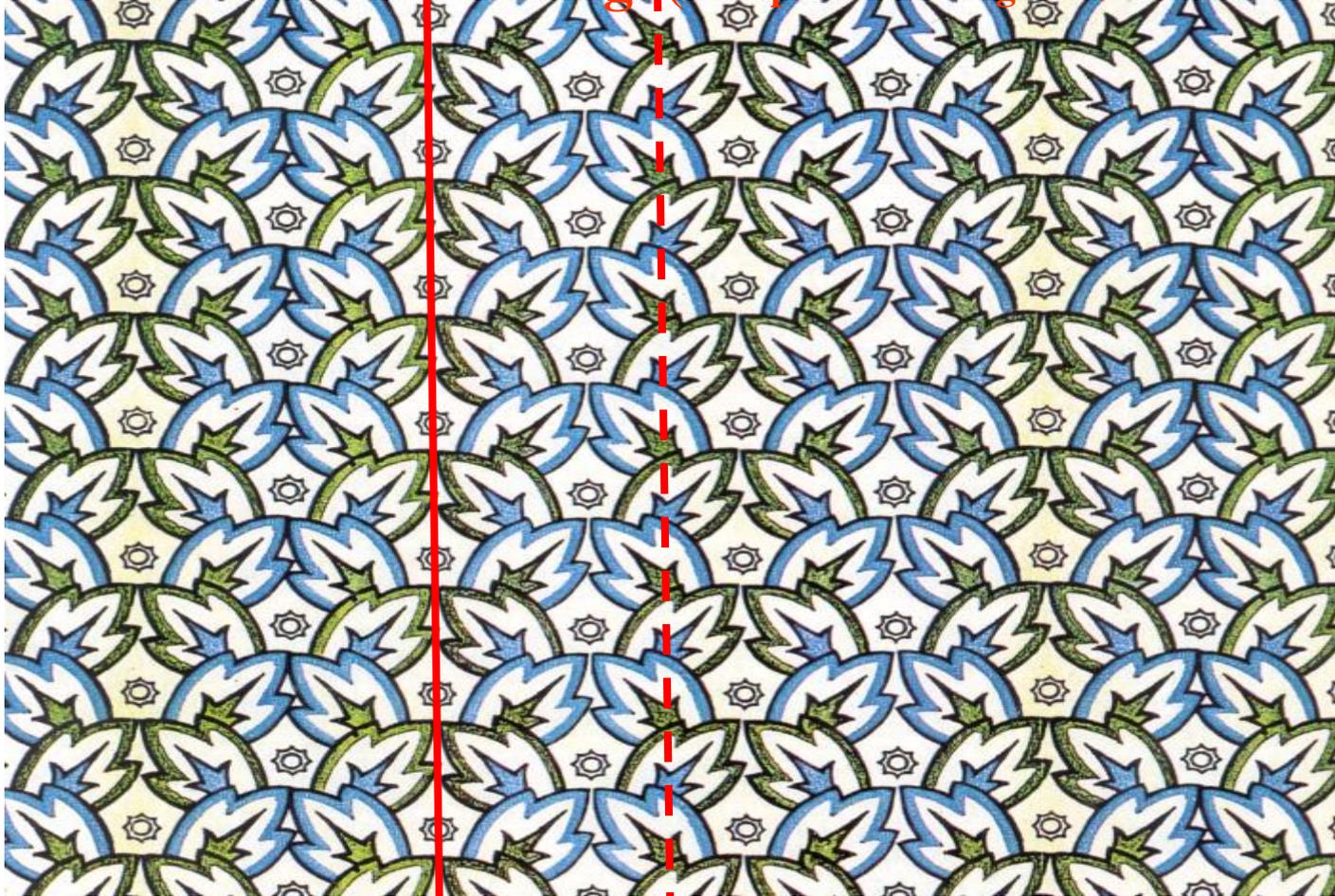
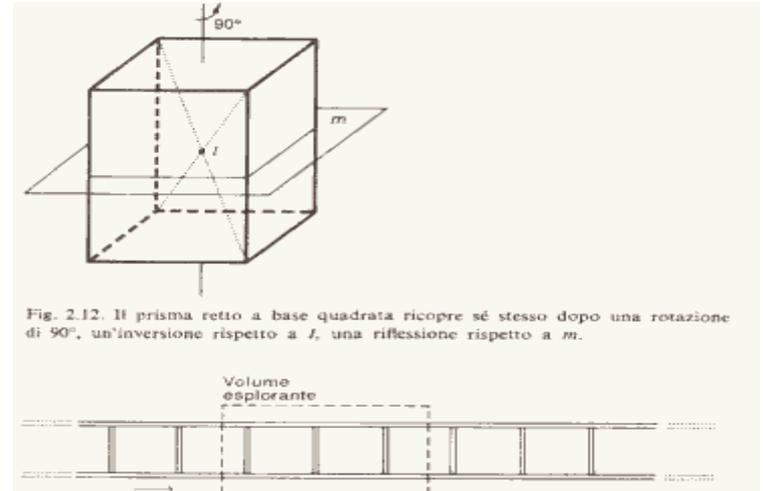
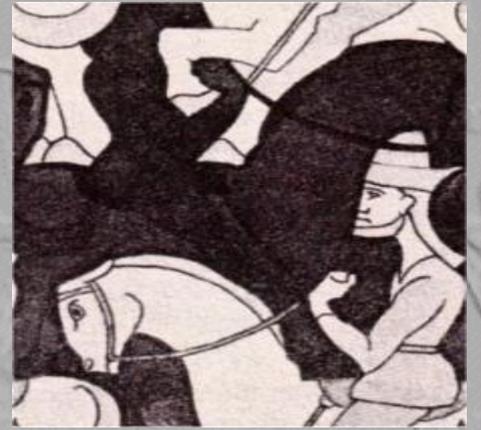
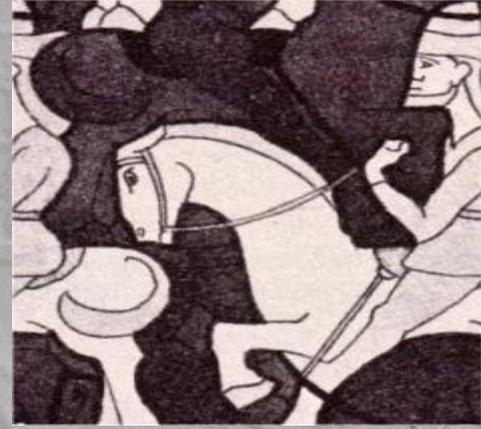
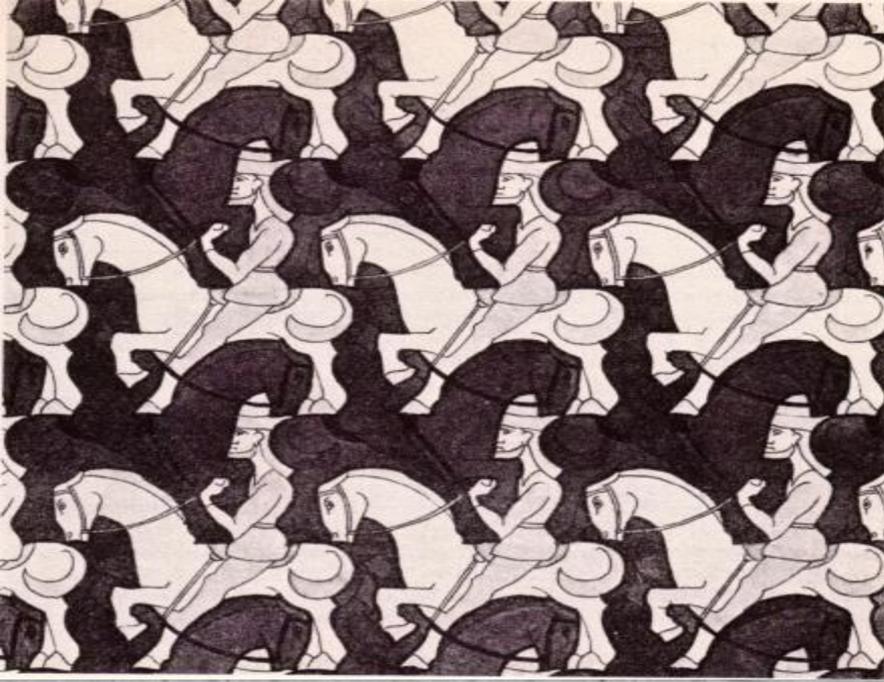


Figura simmetrica = figura in cui, dopo una operazione di simmetria, ogni punto viene a trovarsi dov'era un punto prima dell'operazione.

Es: rotazione \longrightarrow prisma retto a base quadrata
traslazione \longrightarrow scala a pioli

Molteplicità = numero di parti uguali, prive di simmetria (**unità asimmetriche**), che costituiscono una forma simmetrica.





© M.C. Escher

Porzione più piccola, senza simmetria, che per effetto della simmetria del sistema può costituire una figura simmetrica. Può essere scelta a piacere. Origine dove si vuole.

Diverse unità asimmetriche

RICAPITOLIAMO.....

ELEMENTI DI SIMMETRIA

Traslazione: t

Assi di rotazione: $1, 2, 3, 4, 6$

Piano di riflessione: m

Centro di inversione: $\bar{1}$

Assi di rotoinversione: $\bar{1}, \bar{2}, \bar{3}, \bar{4}, \bar{6}$

Elicogire: 2_1

$3_1, 3_2$

$4_1, 4_2, 4_3$

$6_1, 6_2, 6_3, 6_4, 6_5$

Slittopiani: a, b, c, n, d

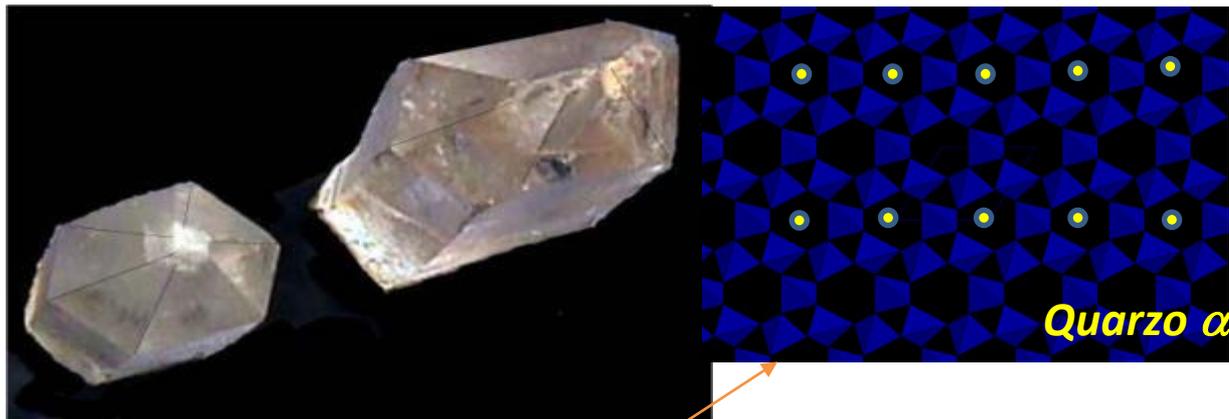
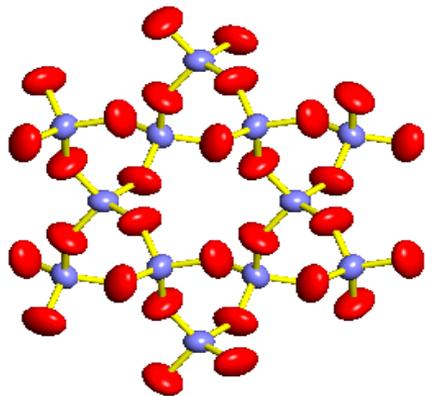
In un **cristallo** la distribuzione omogenea, periodica e tridimensionale di atomi è descrivibile da un **reticolo di ripetizione o reticolo cristallino**

=

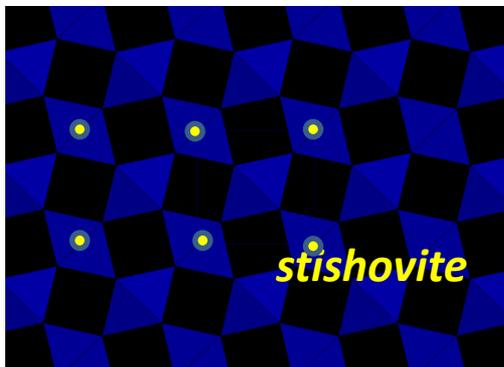
insieme di punti (identici) ciascuno dei quali ha lo stesso intorno vettoriale. Un punto non corrisponde a un atomo ma a un insieme di atomi.

Data una origine e tre vettori \underline{a} , \underline{b} , \underline{c} non complanari e non nulli chiamiamo **reticolo** l'insieme di punti P_t uniti all'origine da vettori $\underline{t} = h\underline{a} + k\underline{b} + l\underline{c}$ con h, k, l , numeri interi + - o nulli.

Diversi reticoli cristallini per diverse fasi della silice SiO_2

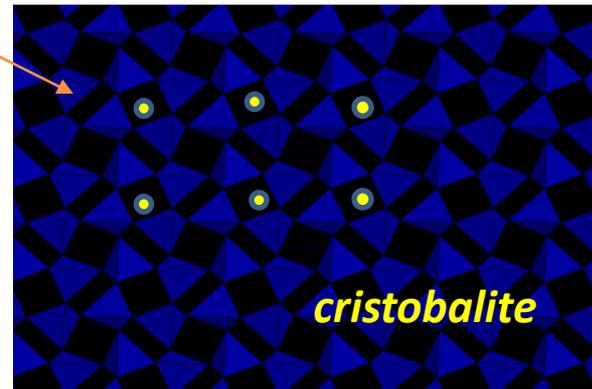


lunghezza del legame Si-O = 1,6 Å

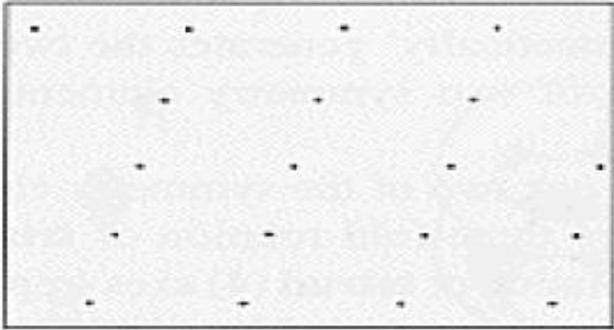


Ottaedri SiO_6

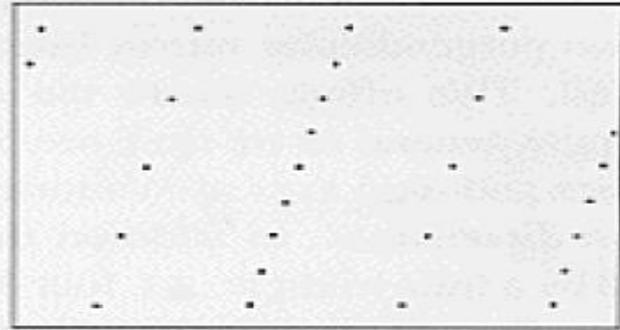
Tetraedri SiO_4



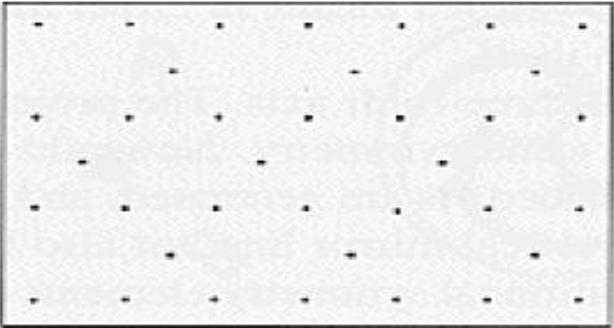
Reticoli e non



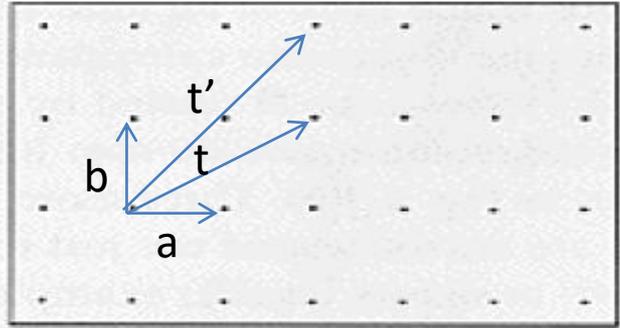
(a)



(b)



(c)



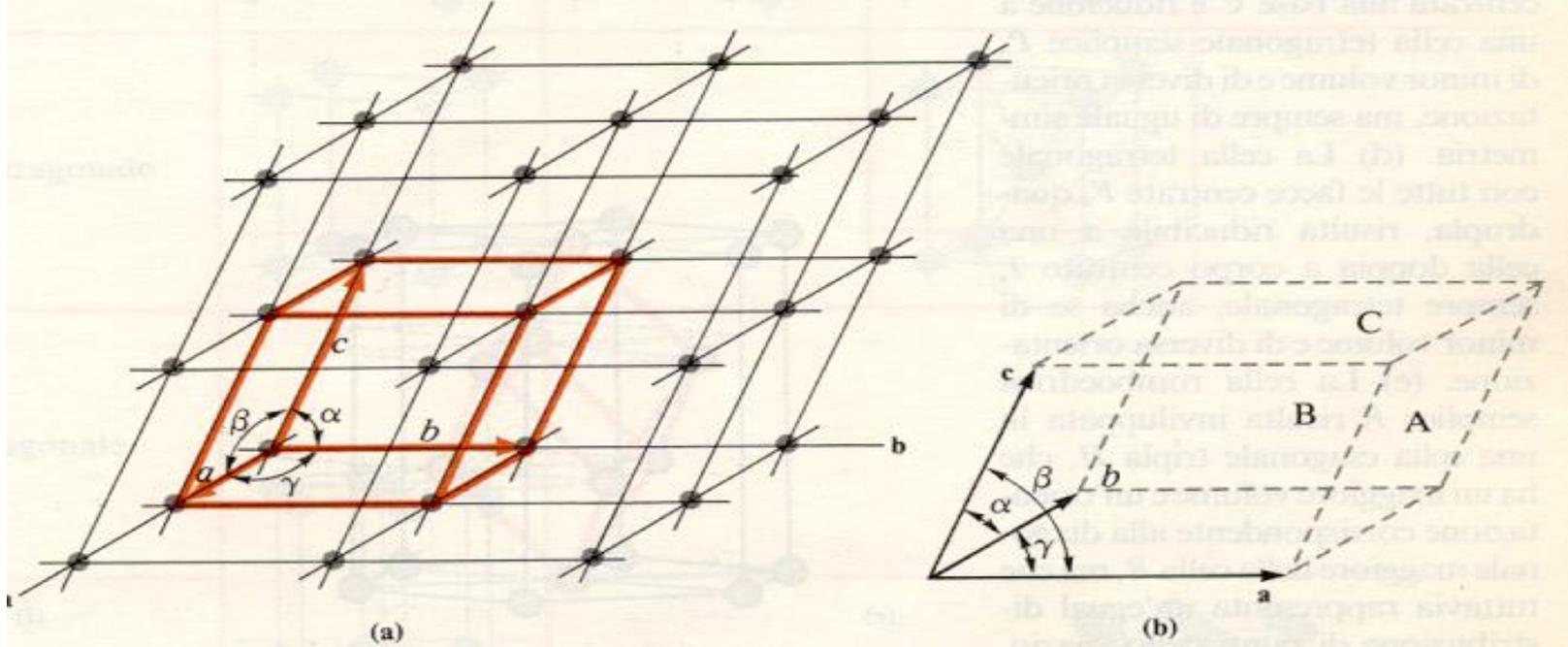
(d)

$$\underline{t} = 2\underline{a} + 1\underline{b} + 0\underline{c} \quad \underline{t}' = 2\underline{a} + 2\underline{b} + 0\underline{c}$$

Un reticolo è un insieme di punti ciascuno dei quali ha lo stesso intorno vettoriale.



a) e d) sono reticoli, b) e c) no



Nel tridimensionale, la **più piccola** porzione (volume) di un insieme ordinato di oggetti che permette di generare l'insieme intero per sola **traslazione** viene detta

CELLA ELEMENTARE O UNITARIA che è un **parallelepipedo**

- ◆ Un qualunque nodo o punto del reticolo può essere scelto come origine del reticolo e della cella elementare.
- ◆ La cella elementare permette di descrivere completamente l'insieme ordinato infinito.
- ◆ Nello spazio 3D la cella è definita da 3 vettori unitari di traslazione non complanari.
- ◆ La scelta delle traslazioni fondamentali è arbitraria (per convenzione si scelgono i parametri più corti possibile e che formino angoli di 90°).

$a, b, c, \alpha, \beta, \gamma$ = parametri fondamentali che definiscono il **parallelepipedo detto **cella elementare**.**